

يقدم "اليوم السابع" لطلاب الثانوية العامة، أقوى مراجعة ليلة الامتحان فى مادة "الاحصاء" من إعداد الأستاذ هيثم عوف مدرس أول الرياضيات. وتوقعات بأهم الأسئلة فى الامتحان.

وفى إطار حرصها المستمر على دعم الطلاب، يقدم "اليوم السابع" بصفة يومية مراجعات نهائية فى كافة المواد الدراسية ، لطلاب الثانوية العامة "عربى" و"لغات" حتى نهاية الامتحانات.

1) إذا كان  $s$  متغيراً طبيعياً متوسطه  $\mu = 5$  والانحراف المعياري له  $\sigma = 4$  فإن المتغير الذي يخضع لتوزيع طبيعي معياري هو .....

(أ)  $\frac{s-5}{4}$  (ب)  $\frac{s-5}{2}$  (ج)  $\frac{s-5}{4}$  (د)  $\frac{4-s}{5}$

ص =  $\frac{s-\mu}{\sigma} = \frac{s-5}{4}$

2) إذا كان  $s$  متغيراً طبيعياً معيارياً وكان  $L$  (ص  $\leq$  ك) = 0.9834 فإن ك = .....

(أ) 2.17 (ب) 2.13 (ج) 2.03 (د) 2.3

$\therefore P(-s \leq g) = L + 0.5 = 0.9834$  (ص  $\geq$  ك)

$L = P(0 \leq s) = 0.5 - 0.9834 = 0.4834$  (ك  $\geq$  ك)

من جدول المساحات  $\therefore$  ك = 2.13

3) إذا كان  $s$  متغيراً عشوائياً منقطعاً توزيعه الاحتمالي كالاتي:

$s_v$	1	2	4	أ
د ( $s_v$ )	0.2	ب	0.4	0.1

أوجد: أولاً: قيمة كل من  $F$ ، ب إذا كان الوسط الحسابي  $\mu = 3$

ثانياً: الانحراف المعياري للمتغير  $s$ .

الحل

$\therefore$  مجموع القيم الاحتمالية = 1  $\therefore$  ب =  $1 - (0.1 + 0.4 + 0.2) = 0.3$

المتوسط الحسابي

$(v s) \cdot v s$	$(v s) \cdot v s$	$v s$
0.2	0.2	1
0.6	0.3	2
1.6	0.4	4
$F \times 0.1$	0.1	F
$3 = \mu$	1	$\circ$

$$3 = (v s) \cdot v s \circ = \mu$$

$$0.1 \times F + 0.4 \times 4 + 0.3 \times 2 + 0.02 \times 1$$

$$3 = F \times 0.1 + 2.4$$

$$6 = F \therefore 0.6 = F \cdot 0.1$$

(4) إذا كان س متغيراً عشوائياً متصلاً داله كثافة الاحتمال له هي:

$$= (S) \left\{ \begin{array}{l} 5 \geq S \geq 2 \\ (1+S) \frac{1}{24} \end{array} \right.$$

فيما عدا ذلك

صفر

أوجد: أولاً: (3 < س < 5)

ثانياً: ل (س < 4)

$$\therefore \text{الدالة دالة كثافة، د (3) } = 7 \times \frac{1}{24} = \text{د (5) } = 11 \times \frac{1}{24} \text{ ، د (4)}$$

$$9 \times \frac{1}{24} =$$

$$\text{ل (3 < س < 5) } = (3-5) \left[ 11 + \frac{5}{24} + 5 \times \frac{1}{24} \right]$$

$$\frac{3}{4} = \frac{18}{24} = 2 \times \left[ \frac{11}{24} + \frac{7}{24} \right] \frac{1}{2} =$$

$$\text{ل (4 < س < 5) } = (4-5) \left[ 11 + \frac{5}{24} + 9 + \frac{1}{24} \right] \frac{1}{2} =$$

$$\frac{5}{12} = \frac{10}{24} = \frac{20}{24} \times \frac{1}{2} =$$

(5) إذا كان المتوسط لمتغير عشوائى ما يساوى 47 وكان تباينه يساوى 100 فإن

معامل الاختلاف له يساوى .....%

أ) 21.3      ب) 212.8      ج) 47      د) 470

$$\therefore \mu = 47 \text{ ، } \sigma^2 = 100 \therefore \sigma = \sqrt{100} = 10$$

$$\text{معامل الإختلاف} = \frac{\text{الإختلاف المعياري}}{\text{الوسط الحسابي}} = 100\% \times \frac{10}{47} = 21.3\%$$

$$(6) \text{ إذا كان } P = \frac{1}{2} (H|F) \text{ فإن } C = (F \cap H) \dots \dots \dots$$

$$(أ) \frac{1}{5} \quad (ب) \frac{3}{10} \quad (ج) \frac{5}{6} \quad (د) \frac{3}{5}$$

$$C = (H|G) - 1 = \frac{2}{5} - 1 = -\frac{3}{5}$$

$$C = \frac{1}{2} = \frac{(F \cap H)G}{(H)G} = \frac{1}{2} = \frac{1}{2} \times \frac{2}{5} = \frac{1}{5} = (H|G) = (F \cap H)G$$

(7) من بيانات الجدول التالي:

8	3	4	6	1	3	س
7	6	8	5	4	7	ص

احسب معامل ارتباط الرتب لسيرمان بين س، ص وحدد نوعه.

$^2T$	ف	رتب W	رتب W	W	S
4	2	2.5	4.5	7	3
0	0	6	6	4	1
9	3-	5	2	5	6
4	2	1	3	8	4
0.25	0.5-	4	4.5	6	3
2.25	1.5-	2.5	1	7	8
$19.5 = ^2T^0$					

$$\frac{^2T^0 \cdot 6}{(1 - ^2K)K} = -1V$$

$$0.44 = \frac{195 \times 6}{35 \times 6} = -1V$$

(ارتباط طردى)

8) في السؤال التالي أجب عن فقرتين فقط:

فصل دراسي به 50 طالباً فإذا كان 15 طالباً منهم يدرسون الكيمياء، 25 طالباً منهم يدرسون الأحياء، 10 طلاب يدرسون المادتين معاً. فإذا أختير طالب عشوائياً من هذا الفصل. احسب احتمال أن يكون الطالب المختار ممن يدرسون.

أ- الكيمياء إذا كان دارساً للأحياء.

ب- الأحياء إذا كان دارساً للكيمياء.

ج- إحدى المادتين على الأقل.

$$\frac{2}{5} = \frac{25}{50} \div \frac{10}{50} = \frac{(F \cap H)G}{(F)G} = (F/H)C \quad (1)$$

$$\frac{2}{3} = \frac{15}{50} \div \frac{10}{50} = \frac{(F \cap H)G}{(H)G} = (H/f)C \quad (2)$$

$$\frac{3}{5} = \frac{15+10+5}{50} = (f \cup H)g. \quad (3)$$

9) إذا كان  $S$  متغيراً عشوائياً طبيعياً متوسطه  $\mu = 17$  وانحرافه المعياري

$$2 = \sigma$$

فأوجد أولاً:  $g(20 \geq s \geq 16)$

ثانياً:  $g(15 < s)$

$$g\left(\frac{17-20}{2} \geq w \geq \frac{17-16}{2}\right) = g(20 \geq s \geq 16) \quad (أ)$$

$$J(0.5 \geq ص \geq 0) + (0.5 \geq ص \geq 0) = (1.5 \geq ص \geq 0) \quad (ب)$$

$$6247. = 0.4332 + 1915. =$$

$$g(1- < w) = g\left(\frac{17-15}{2} < w\right) = g(15 < s) \quad (ب)$$

$$J(1 > w > 0) + 0.5 =$$

$$0.8413 = 0.3413 + 0.5 =$$



إجاب نموذج التدريب الثاني 2018

1- إذا كان  $f$  حدثين مستقلين من فضاء عينة لتجربة عشوائية،  $P(H)g = 0.5$ ،

ل (ب)  $= 0.6$ ، فإن ل  $(f \cup H)g = \dots$

(أ) 0.3 (ب) 0.7 (ج) 0.8 (د) 0.2

$$0.3 = 0.6 \times 0.5 = (f \cap H)g = (f \cap H)g$$

$$0.7 = 0.3 - 1 = (f \cap H)g - 1 (f \cap H)g (f \cup H)g$$

2- إذا كان  $(H)g = \frac{1}{2} = (f - H)g$  فإن  $(f / H)g = \dots$

(أ)  $\frac{3}{8}$  (ب)  $\frac{3}{16}$  (ج)  $\frac{3}{4}$  (د)  $\frac{9}{32}$

$$\frac{3}{8} = (f - H)g - (f \cap H)g$$

$$\frac{3}{4} = \frac{1}{2} \div \frac{3}{8} = \frac{(H \cap f)}{(H)g} = (H/f)g \therefore$$

3- يسمى المتغير المطلوب تقديره في معادلة خط الإنحدار بالمتغير .....

(أ) المستقل (ب) التابع (ج) الطردي (د) العكسي

التابع

4- إذا كان  $S$  متغيراً عشوائياً متقطعاً توزيعه الاحتمالي يحدد بالدالة  $d(S) =$

$$\frac{H}{1+s} \text{ حيث } s = 0, 1, 2, 3$$

أوجد أولاً: قيمة  $F$  ثانياً: التوقع والتباين للمتغير العشوائي  $S$

$$\therefore \text{مجموع القيم الاحتمالية} = 1, \quad 1 = H \left( \frac{1}{4} + \frac{1}{3} + \frac{1}{2} + H \right), \quad \frac{12}{25} = H.$$

$(v_s)^2$	$v_s$	$(v_s)$	$v_s$
0	0	25/12	0
25/6	25/6	25/6	1
25/16	25/8	25/4	2
25/27	25/9	25/3	3
25/49	25/23= $\mu$	1	0

$$\frac{23}{25} = (v_s) \cdot v_s^0 = \mu$$

$$\text{التباين } \sigma^2 = [v_s \cdot (v_s)^2 - \mu^2]$$

$$1 \frac{71}{625} = \left(\frac{23}{25}\right)^2 - \frac{49}{25} = \sigma^2$$

$$\sqrt{1 \frac{71}{625}} = \text{الانحراف المعياري}$$

5- إذا كان التوقع المتغير عشوائى ماهو  $\mu$  وكان انحرافه المعيارى يساوى 8 ومعامل الاختلاف يساوى 8.3% فإن  $\mu = \dots\dots\dots$  تقريباً.

أ) 64      ب) 16      ج) 96      د) 103.75

$$\therefore \mu = ?? , \text{ معامل الاختلاف} = 8.3\% \quad \sigma = 18$$

$$\frac{\sigma}{\mu} = \frac{83}{1000} \therefore \frac{8}{\mu} = \frac{83}{1000} \therefore \mu = \frac{8 \times 1000}{83} = 96.4$$

6- إذا كان  $(f \cap g) = \frac{5}{8}$  فإن  $(f \cup g) = \dots\dots\dots$

أ)  $\frac{1}{8}$       ب)  $\frac{7}{8}$       ج)  $\frac{1}{5}$       د)  $\frac{3}{8}$

$$\frac{1}{5} = \frac{4}{5} - 1 = (f)g - 1 = (f)g$$

$$\frac{1}{8} = \frac{1}{5} \times \frac{5}{8} (f)g = (f \cap g) \therefore \frac{5}{8} = \frac{(f \cap g)}{(f)g} = (f \cap g)$$

$$\frac{7}{8} = \frac{1}{8} - 1 = (f \cap g) - 1 = (f \cap g) = (f \cup g)$$

7- أجب فى السؤال التالى عن فقرتين فقط:



ألقي حجر نرد مرة واحدة: احسب

- أ- احتمال أن يكون العدد الظاهر أولياً بشرط أن يكون العدد الظاهر عدداً فردياً.  
ب- احتمال أن يكون العدد الظاهر عدداً فردياً بأنه يقبل القسمة على 5.  
ج- احتمال أن يكون العدد الظاهر زوجياً بشرط أن يكون العدد الظاهر مضاعفاً للعدد 3.

العدد أولى  $\{5 \textcircled{\textcircled{\textcircled{1}}}\} = f$  ، العدد فردي  $\{5 \textcircled{\textcircled{\textcircled{1}}}\} = f$

$$\frac{2}{3} = \frac{3}{6} \div \frac{2}{6} = (f \cap H)g = (f/H)g. \quad \text{،} \quad \{5 \textcircled{\textcircled{\textcircled{1}}}\} = (f \cap H)$$

العدد يقبل القسمة على 5  $\{5\} = p$  ، العدد الفردي  $\{5 \textcircled{\textcircled{\textcircled{1}}}\} = f$

$$1 = \frac{1}{6} \div \frac{1}{6} = \frac{(p \cap f)g}{(p)g} = (p/f)g. \quad \text{،} \quad \{5\} = (p \cap f)$$

العدد زوجي  $\{6 \textcircled{\textcircled{\textcircled{1}}}\} = ]$  ، العدد مضاعف 3  $\{6 \textcircled{\textcircled{\textcircled{1}}}\} = i$

$$\frac{1}{2} = \frac{2}{6} \div \frac{1}{6} = \frac{(i \cap ] )g}{(i)g} = (i/] )g. \quad \text{،} \quad \{6\} = (i \cap ])$$

8- إذا كان  $s$  متغيراً عشوائياً متصلأ دالة كثافة الاحتمال له هي:

$$4 \geq s \geq . \quad \left. (2+s) \frac{1}{16} \right\} = (\text{ش}) د$$

فيما عدا ذلك

صفر

أوجد: أولاً:  $g(3 \leq s)$

ثانياً:  $g(4 \geq s \geq 2)$

∴ الدالة دالة كثافة،  $g(3) = \frac{1}{16} \textcircled{\textcircled{\textcircled{1}}}$  ،  $g(2) = \frac{1}{16} \textcircled{\textcircled{\textcircled{1}}}$  ،  $g(4) = \frac{1}{16} \times 6$

$$C(3 \leq S \leq 4) = \int_3^4 \left[ 5 + \frac{1}{16} + 6 \times \frac{1}{16} \right] \frac{1}{2} ds = \frac{1}{2} (3-4) \left[ 5 + \frac{1}{16} + 6 \times \frac{1}{16} \right]$$

$$= \frac{11}{32} = 1 \times \left[ \frac{5}{16} + \frac{5}{16} \right] \frac{1}{2} =$$

$$\frac{5}{8} \left[ 6 \times \frac{1}{16} + 4 \times \frac{1}{16} \right] \frac{1}{2} = (4 \geq s \geq 2) g$$

$$\frac{5}{8} = \frac{10}{16} = 2 \times \frac{10}{16} \times \frac{1}{2} =$$

9- أجب في السؤال التالي عن فقرة واحدة:

$$74 = W S \quad 0 = W \quad 0 = S \quad \text{إذا كان}$$

$$10 = K \quad 06 = S \quad 36 = W$$

فأوجد: أ- معامل الارتباط الخطي بين المتغيرين س ، ص وحدد نوعه.

ب- معادلة خط انحدار ص على س.

$$\frac{W \times S - W S K}{\sqrt{(W^2 - 2WS + S^2) \times (K^2 - 2KS + S^2)}} = V$$

$$1 = \frac{70 \times 60 - 374 \times 10}{\sqrt{(70^2 - 536 \times 10) \times (60^2 - 406 \times 10)}} = V$$

ب) معادلة انحدار ص على س هي ص = S F + I

$$1 = \frac{70 \times 60 - 374 \times 10}{(60^2 - 406 \times 10)} = \frac{W \times S - W S K}{(S^2 - 2S K)} = F$$

$$13 = \frac{60 \times (1-) - 70}{10} = \frac{S \quad F - W}{K} = I$$

10- إذا كان W متغيراً طبيعياً معيارياً وكان C (W ≥ ; ) = 09147 فإن ك

..... =

1.2 (د)

2.13 (ج)

0.97 (ب)

1.37 (أ)



$$0.9147 = P(W \geq 0)G + 0.05 = P(W \geq 0)G$$

$$0.4147 = 0.05 - 0.9147 = P(W \geq 0)G$$

من جدول المساحات  $\therefore 1.37 = ;$

11- إذا كان  $S$  متغيراً طبيعياً  $\mu = 9$  وتباينه  $= 16$  فإن المتغير الذي يخضع

لتوزيع طبيعي معياري هو .....

$$(أ) \frac{S-9}{4} \quad (ب) \frac{9-S}{16} \quad (ج) \frac{4-S}{9} \quad (د) \frac{9-S}{4}$$

$$\frac{9-S}{4} = \frac{\mu - S}{\sigma} = W \quad 4 = \sigma \therefore 16 = \sigma^2$$

12- إذا كان  $S$  متغيراً عشوائياً طبيعياً متوسطة  $\mu = 8$  وانحرافه المعياري

$$2 = \sigma$$

فأوجد أولاً:  $C = P(S \geq 10)$

ثانياً:  $C = P(5.8 \leq S \leq 10.2)$

$$(أ) P(W \geq 1) = P\left(\frac{8-10}{2} \geq W\right) = P(W \geq -1) = G(1) = 0.2420$$

$$= 0.5 + 0.2420 = 0.7420$$

$$= 0.5 + 0.3413 = 0.8413$$

$$(ب) P\left(\frac{8-10.2}{2} \geq W \geq \frac{8-5.8}{2}\right) = P(-1.1 \geq W \geq -1.1) = G(1.1) - G(-1.1)$$

$$= 0.3643 - 0.1357 = 0.2286$$

$$= 0.3643 \times 2 = 0.7286$$

13- الجدول التالي يبين درجات ستة طلاب في مادتي الرياضيات والإحصاء:

13	25	24	19	25	22	الرياضيات (س)
----	----	----	----	----	----	---------------

25	40	28	40	35	45	الإحصاء (ص)
----	----	----	----	----	----	-------------

احسب معامل ارتباط الرتب لسبب بين درجات مادتي الرياضيات والإحصاء مبيناً نوعه.

$T^2$	ف	رتب W	رتب W	W	S
9	3	1	4	45	22
6.25	2.5-	4	1.5	35	25
6.25	2.5	2.5	5	40	19
4	2-	5	3	28	24
1	1-	2.5	1.5	40	25
0	0	6	6	25	13
$26.5 = T^2$					

$$\frac{T^2}{(n-1)K} - 1 = V$$

$$0.24 = \frac{26.5 \times 6}{35 \times 6} - 1 = V$$

(ارتباط طردى ضعيف)

إجابة نموذج التدريب الثالث 2018

1) إذا ألقى حجر نرد منتظم مرة واحدة فإن احتمال ظهور عدد يقبل القسمة على 3 علمياً بأن العدد الظاهر زوجي يساوي .....

أ)  $\frac{1}{6}$       ب)  $\frac{1}{3}$       ج)  $\frac{1}{2}$       د)  $\frac{3}{4}$

فضاء العينة ف = { 1، 2، 3، 4، 5، 6 }       $6 = (t)k$

العدد يقبل القسمة على 3 الحدث F = { 3، 6 } ، (درجة واحدة)  
العدد زوجي الحدث ب { 2، 4، 6 }

الحدث  $\{6\} = (F \cap b)$        $G \cdot (f/h) = \frac{(f \cap H)g}{(f)g} = \frac{1}{6} \div \frac{3}{6} = \frac{1}{3}$

2) إذا كان F ، H حدثين مستقلين من فضاء العينة لتجربة عشوائية، وكان

$06 = (F) C$  ،  $02 = (H) C$

1- أوجد:  $(F - H) C$       2- أوجد:  $(F \cup H) C$

$06 = (F) C$  ،  $02 = (H) C$        $06 = (F) G \times (H) G = (F \cap H) C$  (ثلاث درجات)

$008 = 012 \times = (F \cap H) G - (H) G = (F - H) C$

$068 = 012 - 02 = (F \cap H) G - (F) G + (H) G = (F \cup H) C$

3) إذا كان S متغيراً عشوائياً متقطعاً حيث  $(S) \times (S) = 4$  ،

$25 = ((S) \times V^2 S) \circ$  فإن معامل الاختلاف له يساوي .....

أ) 16%      ب) 75%      ج) 64%      د) 15.6%

$\mu = (S) \cdot V S \circ = 4$  (درجة واحدة)

التباين  $\sigma^2 = (S) \cdot V S \circ = 25 - \mu^2 = 25 - 4 = 9$

الأنحراف المعياري  $\sigma = \sqrt{9} = 3$

$$\text{معامل الاختلاف} \quad \sigma = \frac{3}{4} \times 1000 = 750$$

(4) إذا كان:  $S = 35$  ،  $W = 60$  ،  $S = 187$  ،  $W = 406$  ،  $S = 134$  ،  $W = 10$  ،

$$S = 134 = 2S \quad , \quad W = 406 = 2W \quad , \quad S = 10$$

أوجد معادلة خط انحدار ص على س

معادلة انحدار ص على س هي  $S = F + hW$  (ثلاث درجات)

$$2 = \frac{60 \times 35 - 187 \times 10}{(35)^2 - 134 \times 10} = \frac{W \cdot F - W^2}{K} = h$$

$$\text{معادلة الأنحدار} \quad S - 13 = W$$

(5) إذا كان  $W$  متغيراً عشوائياً معيارياً بحيث:

$$C = (W \leq 0.1980) \text{ فإن قيمة ك} = \dots\dots\dots$$

$$(أ) 0.85 - (ب) 0.73 \quad (ج) 0.85 \quad (د) 0.73$$

$$G = (W \leq 0.05) \quad G - 0.05 = (W \geq 0.1980) \text{ (درجة واحدة)}$$

$$C = (W \geq 0.1980 - 0.05) = 0.302$$

$$\therefore 0.85 = \dots \text{ من جدول المساحات}$$

(6) قام إحصائي بدراسة العلاقة بين تقديرات مادتين دراستين لستة طلاب ودون

النتائج الجدول التالي:

المادة الأولى	ضعيف	مقبول	جيد جداً	ممتاز	جيد جداً	جيد
المادة الثانية	8	7	9	7	6	9

أوجد معامل ارتباط الرتب لسبيرمان بين المادتين.





$^2T$	ف	رتب W	رتب W	W	S
9	3	3	6	8	ضعيف
0.25	0.5	4.5	5	7	مقبول
1	1	1.5	2.5	9	جيد جداً
12.25	3.5-	4.5	1	7	ممتاز
12.25	3.5-	6	2.5	6	جيد جداً
6.25	2.5	1.5	4	9	جيد
$41=^2T^{\circ}$					

$$\frac{^2T^{\circ} 6}{(1-^2K)K} -1=V$$

$$\frac{41 \times 6}{35 \times 6} -1=V$$

$$0.17 - = V$$

(ارتباط عكسي ضعيف)

(7) يكون لحدثان المتنافيان @ F مستقلان إذا وإذا فقط كان .....

(أ)  $1 = (F) G \times (h) C$  = صفر

(ب)  $1 = (F) G \times (h) C$  (ج)  $(F \cap h) G = (F) G + (h) C$  (د)  $(F \cup h) G = (F) G \times (h) C$

الحدثان متنافيان  $(F \cap h) C =$  صفر (درجة واحدة)

الحدثان مستقلان  $(F) G \times (h) G = (F \cap h) G$ . = صفر

(8) إذا كان S عشوائى متقطع دالة التوزيع الاحتمالى له د حيث:

$$\left[ \frac{S}{10} = (S) \right] \text{ @ @ @ @ } \exists S \text{ ; } \{ \text{أوجد قيمة ك.} \}$$

$$1 =; \frac{1}{10} + \frac{3}{10} + \frac{2}{10} + \frac{1}{10} \therefore$$

∴ مجموع القيم الاحتمالية = 1

$$4 =; \therefore \frac{4}{10} = \frac{6}{10} - 1 =; \frac{1}{10} \therefore$$

(9) إذا كان S متغيراً عشوائياً متقطعاً توزيعه الاحتمالى كالتالى:

4	2	1	0	1-	$vS$
$\frac{1}{10}$	$\frac{2}{10}$	$\frac{3}{10}$	$\frac{1}{10}$	$\frac{2}{10}$	$(vS)$

فأوجد قيمة ل ثم أحسب المتوسط و التباين للمتغير الشعوائى S

$$\frac{1}{9} = G \cdot 1 = G + Q + G + G + Q \therefore \quad 1 = \text{مجموع القيم الاحتمالية}$$

$$1 = (vS) \cdot vS^{\circ} = \mu \text{ الوسط}$$

$$^2\mu - (vS) \cdot ^2vS^{\circ} = ^2\sigma \text{ التباين}$$

$$2\frac{2}{9} = ^2(1) - 3\frac{2}{9} = ^2\sigma$$

$$15 \sqrt{2\frac{2}{9}} = \text{الانحراف المعياري}$$

$(vS)^2 S$	$(vS) \cdot vS$	$(vS)$	$vS$
$\frac{2}{9}$	$\frac{2}{9} -$	$\frac{2}{9}$	1-
0	0	$\frac{1}{9}$	0
$\frac{3}{9}$	$\frac{3}{9}$	$\frac{3}{9}$	1
$\frac{8}{9}$	$\frac{4}{9}$	$\frac{2}{9}$	2
$1\frac{7}{9}$	$\frac{4}{9}$	$\frac{1}{9}$	4
$3\frac{2}{9}$	$1 = \mu$	1	$\circ$